Principes combinatoires dans les modèles intérieurs

Martin Zeman

Nous présenterons, selon Friedman et Jensen, la théorie des modèles internes dotés de fine structure $\mathbf{L}[E]$, où E est une "overlapping extender sequence". Nous analysons plusieurs principes combinatoires dans ces modèles. Parmi ces principes : $\diamondsuit_\kappa(A)$, $\diamondsuit^+_\kappa$, $square_\kappa$, le principe *square* global et les principes *square* faibles tels que le $square^*_\kappa$ de Jensen, les $square_{\kappa,\lambda}$ et $square_{\kappa,<\kappa}$ de Schimmerling, l'existence d'arbres κ^+-Aronszajn et d'arbres de Souslin. A la différence de $\mathbf{L}$, la plupart de ces principes ne sont pas nécessairement vrais dans $\mathbf{L}[E]$. Nous donnons cependant une caractérisation complète de leur statut, c'est à dire une condition qui est équivalente à la négation de ces principes dans $\mathbf{L}[E]$. Cette condition est équivalente, dans $\mathbf{L}[E]$, au principe dit de "weak extendibility" de Jensen et sa cohérence est au niveau de celle des cardinaux dits "superstrong".

Address: Institut für Formale Logik, Univarsität Wien, Wahringer Str. 25, 1090 Wien, Austria
E-mail: zeman@mathematik.hu-berlin.de